

今週の「統計」  
2013年5月10日  
N COMBO

- パズドラ



- 横6×縦5 6色 3つ以上同一色が並ぶと消える
- 消えた分は下に落ち、上から補充される。
- COMBOが重要
- 10 COMBOの起きる確率を単純なモデルで計算してみよう。

- 深い考えなく一番下の列で3つ揃える
- この時に偶然COMBOの発生する期待値は？
  - 上方で横向きに2つ揃っている期待値は  $1/6(\text{色}) \times 2(\text{左右}) \times 5(\text{段}) = 10/6$
  - 最上段とその下で縦向きに2つ揃っている期待値は  $1/6(\text{色}) \times 4(\text{列}) = 4/6$
  - これらが種となって3つ揃う確率はそれぞれ  $1/6(\text{色})$  なので、

- 偶然COMBOの期待値は  $(10/6+4/6) \times (1/6) = 14/36 = 0.36 \sim$  **0.4**
- テキストに一番下で揃え続けると、3回に1回程度COMBOが発生する。

(COMBO数-1)は  
 $\mu=0.4$ のポアソン分布に従う

- 期待値0.4のポアソン分布で9という事象が発生する確率は？  
(偶然COMBOが起きるとCOMBO 2。10 COMBOの為には偶然COMBOが9回起きればよい。)

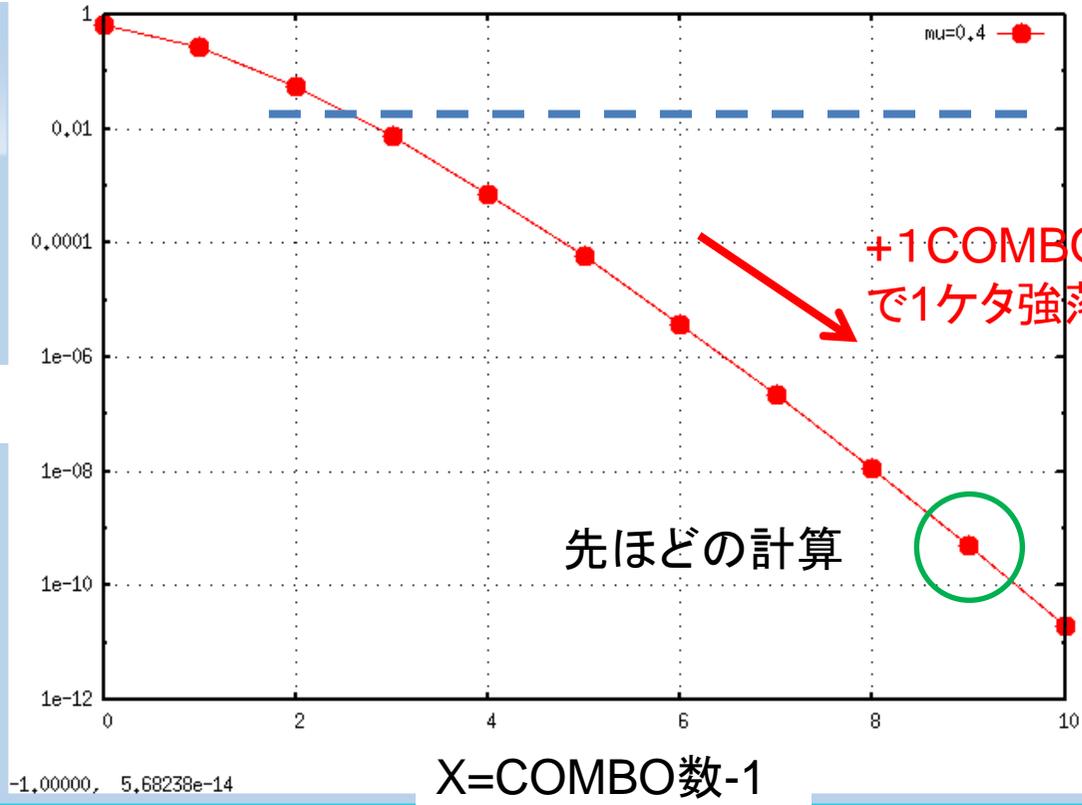
–  $P(x, \mu) = \frac{\mu^x}{x!} e^{-\mu}$  より

–  $P(9, 0.4) = \frac{0.4^9}{9!} e^{-0.4} = \frac{2.6 \times 10^{-4}}{3.6 \times 10^5} \times 0.76 = 5 \times 10^{-10}$

–  $10^{10}$ 回に4回

- 同じノリで計算する。
  - $\mu = 0.4$   $X=0\sim 10$
  - $P(x, \mu) = \frac{\mu^x}{x!} e^{-\mu}$

確率



会心の一撃  
レベル

+1 COMBO  
で1ケタ強落ち

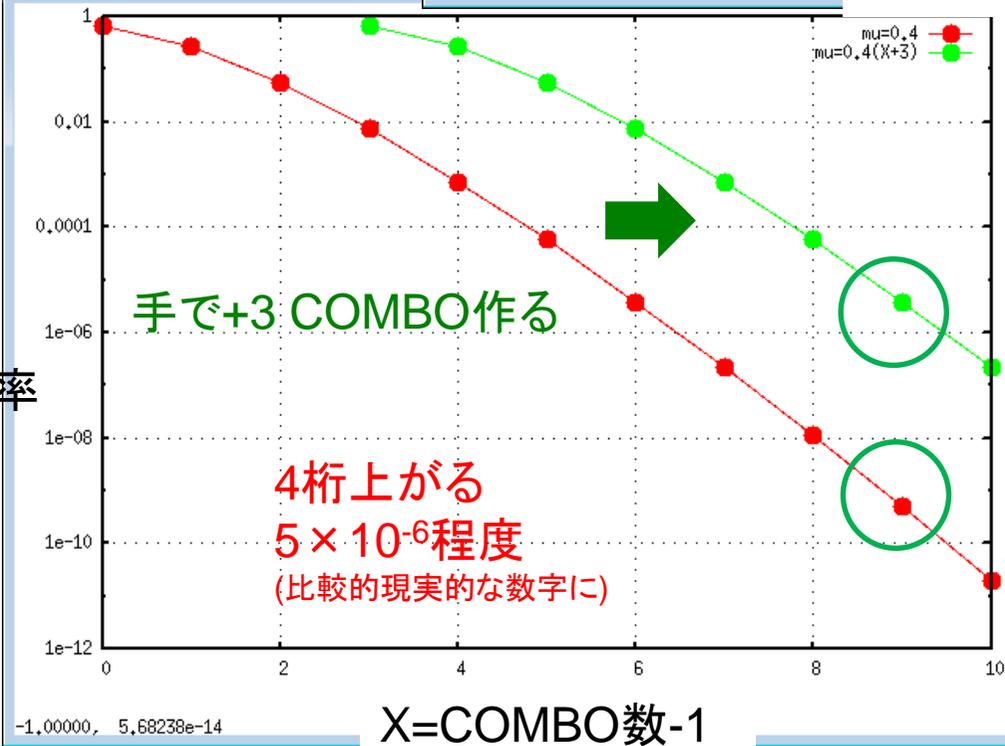
フツーにやっているとなかなか10  
COMBOはでない。  
手でCOMBOを1つ作ると率が1  
ケタ高くなる

いろいろ計算可能

-1,00000, 5,68238e-14

X=COMBO数-1

確率



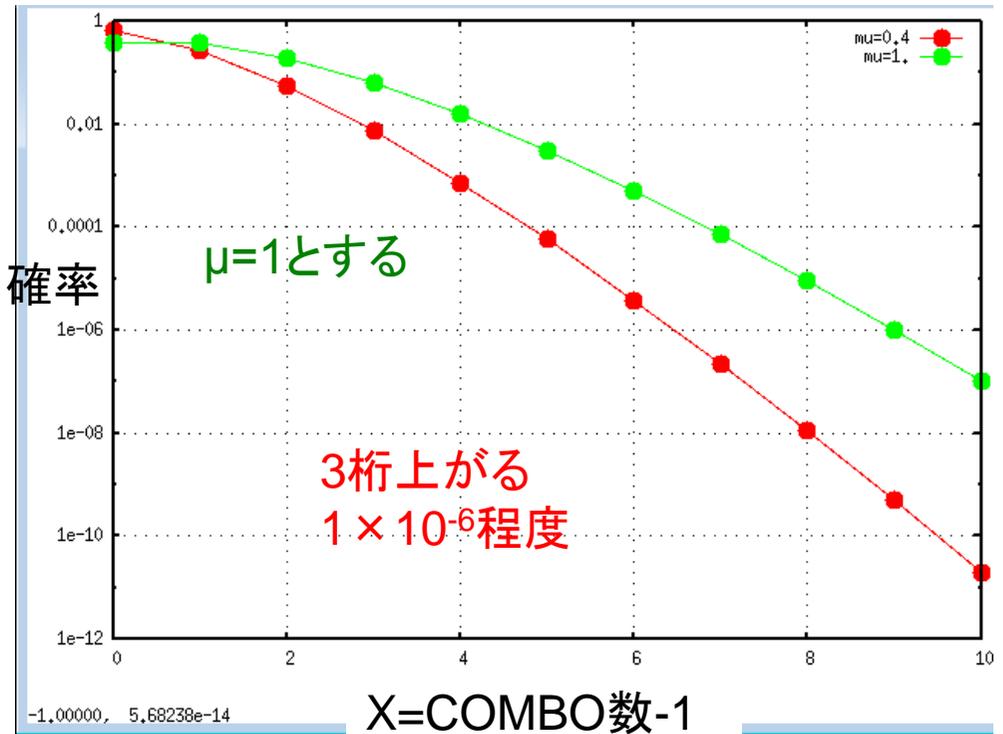
手で+3 COMBO作る

4桁上がる  
 $5 \times 10^{-6}$ 程度  
(比較的現実的な数字に)

-1,00000, 5,68238e-14

X=COMBO数-1

確率



$\mu=1$ とする

3桁上がる  
 $1 \times 10^{-6}$ 程度

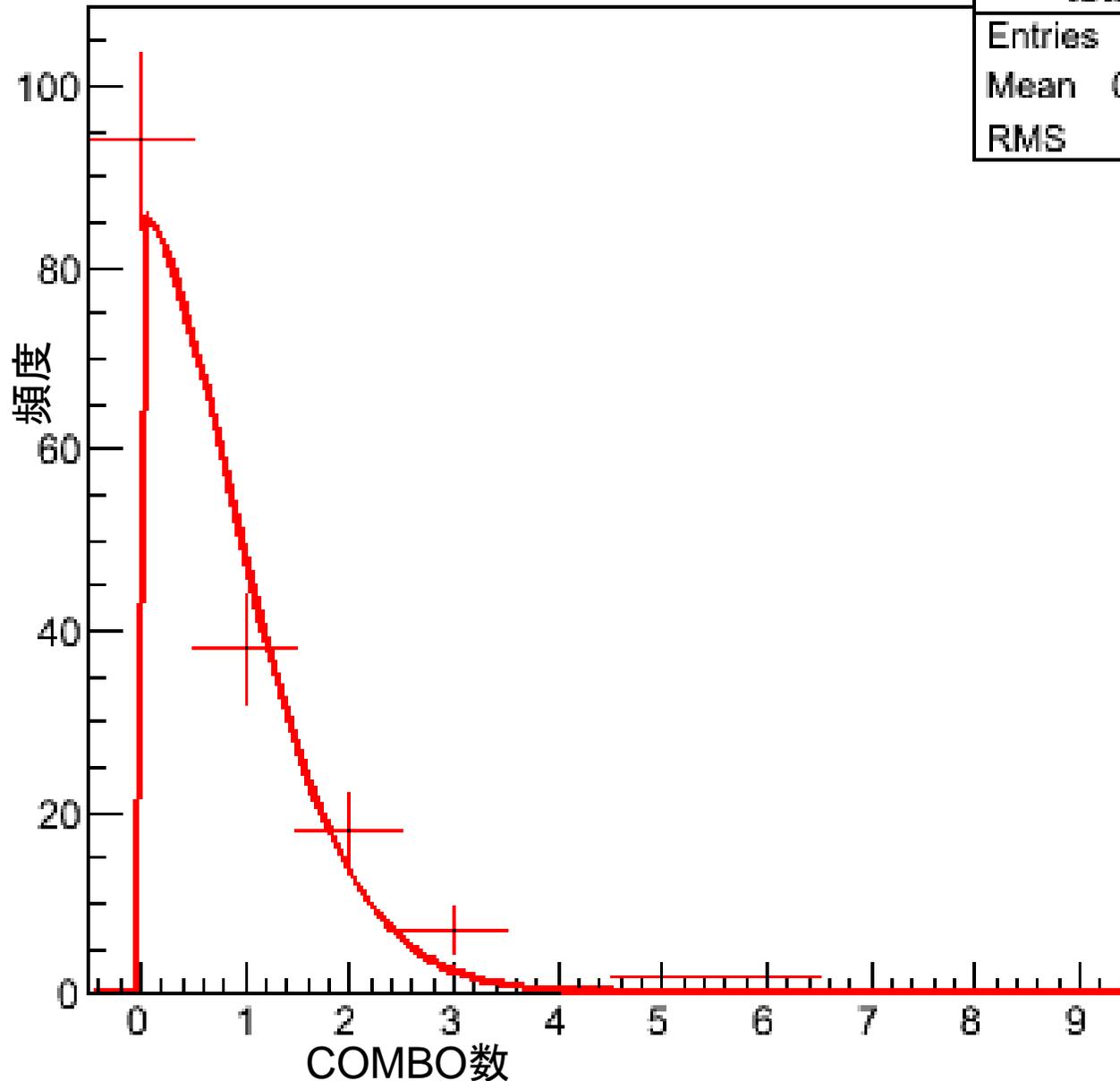
-1,00000, 5,68238e-14

X=COMBO数-1

- 実測してみた。
  - 全部で162回 無作為に一番下で3つ揃える。

total

total	
Entries	162
Mean	0.7469
RMS	1.167



- 得られた頻度分布を

$$N \times P(x, \mu) = N \frac{\mu^x}{x!} e^{-\mu}$$

-  $N, \mu$ の2パラメータ を変数としてFIT

FIT結果 ()内は予想値

$$N = 152 \pm 12 \quad (162)$$

$$\mu = 0.56 \pm 0.08 \quad (0.36)$$

結論: ポアソン分布と矛盾しない。  
 平均値 $\mu$ は実測の方が2.5 $\sigma$ ほど大きい。